

## Beknopte Samenvatting Kansrekening 6 VWO wiskunde A

**Experiment met herhaling** (bijvoorbeeld "terugleggen" na pakken van een kaart) zoals draaien van een schijf of gooien met dobbelstenen; met telkens opnieuw hetzelfde aantal (mogelijke) uitkomsten.

Telt men het aantal van één bepaalde uitkomst in zo'n serie dan spreken we van **binomiale verdeling**.  
**binompdf**( $n, p, x$ ) =  $P(X=x | n: \text{totaal aantal herhalingen}; p: \text{succeskans op een bepaalde uitkomst en } x: \text{aantal keer van die serie met die bepaalde uitkomst})$

### Opdracht 1

**Wat is de kans dat men van de 8 keer gooien met een geldstuk evenveel kop als munt ziet?**

**Experiment zonder herhaling** zoals knikkers pakken uit een vaas (en niet terugleggen).

Het aantal (mogelijke) uitkomsten neemt telkens als men pakt met één af. **permutaties** ...

Voorbeeld (1) : **26 letters uit het alfabet** pakken geeft  $26! = 26 \cdot 25 \cdot 24 \cdot \dots \cdot 3 \cdot 2 \cdot 1$  manieren ("woorden")

Voorbeeld (2) : **3 (verschillende) letters uit het alfabet** pakken geeft:  $\frac{26!}{23!}$  "woordjes" (of "variaties")

Hierbij doet de volgorde (der letters) er weldegelijk toe. (ABE is een ander woordje dan BEA).

GRM:  $26 \text{ nPr } 3$

**Oefen in die grote getallen en in de wetenschappelijke notatie.**

De kans dat je één bepaald woordje treft is dan:  $\frac{1}{26 \text{ nPr } 3}$

Bij experimenten zonder herhaling waarbij de **volgorde** binnen de groep ("greep") **er NIET toe doet**: spreken we van "**combinaties**".

Voorbeeld: 3 leerlingen uit een klas van 26 leerlingen strafwerk geven (en niet naar de volgorde kijken):

louter naar "wie krijgen strafwerk"...) aantal combinaties is:  $\binom{26}{3} = \frac{26!}{3! \cdot 23!} = 26 \text{ nCr } 3$

↑ ↑

# volgorden binnen de deelgroep # volgorden van de elementen die je niet pakt

### vaasmodel

voorbeeld: 4 groepen knikkers met kleuren: (in totaal: )  $n$  knikkers  $\left\{ \begin{array}{l} a: \text{rode knikkers} \\ b: \text{blauwe knikkers} \\ c: \text{gele knikkers} \\ d: \text{zwarte knikkers} \end{array} \right.$

De kans dat men bij het pakken van 9 knikkers precies **2 rode; 3 blauwe** en 4 zwarte knikkers treft is:

$$\frac{\binom{a}{2} \cdot \binom{b}{3} \cdot \binom{d}{4}}{\binom{n}{9}}$$

Opmerking:  $\binom{c}{0} = 1!$

### normale verdeling

... is niet waarbij men naar een aantal ("discrete waarde") kijkt maar naar een "continue" hoeveelheid; bijv. gewicht, inhoud etc.

Een pak suiker kan normaal verdeeld zijn met een gemiddelde van 1000 gram en standaardafwijking: 10 gram.

De kans dat een pak minder dan 990 gram weegt is:  $\text{normalcdf}(-10^{99}, 990, 1000, 10)$

**Opdracht 2: zonder je GRM te gebruiken: kun jij zeggen hoeveel dit ongeveer is?**

**Leer de vuistregels uit je hoofd! ... 68%; 95% etc. en maak altijd een schets van een normaalkromme.**

Vaak combineert men de normale verdeling in een opgave met bijv. meerdere pakken suiker in een doos van bijv. 16 pakken. Het aantal pakken ( $X$ ) van deze 16 dat minder dan 990 gr weegt is dan weer binomiaal verdeeld! En zo is  $P(X \leq 2) = \text{binomcdf}(16, 0, 0.158655, 2) \approx 0,5222$