

Samenvatting Gonio

soscastoa

$$a^2 + c^2 = b^2 \text{ als } \beta = 90^\circ$$

$$a^2 = b^2 + c^2 - 2 \cdot b \cdot c \cdot \cos(\alpha) \text{ geldt in willekeurige } \Delta ABC \text{ net als } \frac{a}{\sin(\alpha)} = \frac{b}{\sin(\beta)} = \frac{c}{\sin(\gamma)}$$

In eenheidscirkel: $360^\circ = 2\pi$ (rad) $180^\circ = \pi$ (rad) $90^\circ = \frac{1}{2}\pi$ (rad) en $\sin^2(\alpha) + \cos^2(\alpha) = 1$

Bekende waarden bij:	0	$\frac{1}{6}\pi$	$\frac{1}{4}\pi$	$\frac{1}{3}\pi$	$\frac{1}{2}\pi$
$\sin(\frac{1}{2}\pi - \alpha) = \cos(\alpha)$	sin	0	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}\sqrt{2}$	$\frac{1}{2}\sqrt{3}$
$\cos(\frac{1}{2}\pi - \alpha) = \sin(\alpha)$	cos	1	$\frac{1}{2}\sqrt{3}$	$\frac{1}{2}\sqrt{2}$	$\frac{1}{2}$
$\tan(\alpha) = \frac{\sin(\alpha)}{\cos(\alpha)}$	tan	0	$\frac{1}{3}\sqrt{3}$	1	$\sqrt{3}$
					b.n.

$$\sin(-\alpha) = -\sin(\alpha)$$

$$\cos(-\alpha) = \cos(\alpha)$$

$$f(x) = \sin(x) \rightarrow f'(x) = \cos(x)$$

$$f(x) = \cos(x) \rightarrow f'(x) = -\sin(x)$$

$$f(x) = \sin(x) \text{ heeft primitieve: } F(x) = -\cos(x) + c$$

$$g(x) = \cos(x) \text{ ,, ,, } G(x) = \sin(x) + c$$

$$\sin(2x) = 2\sin(x) \cdot \cos(x)$$

$$\cos(2x) = \cos^2(x) - \sin^2(x) = 2\cos^2(x) - 1 \Rightarrow \cos^2(x) = \frac{1}{2} + \frac{1}{2}\cos(2x)$$

$$= 1 - 2\sin^2(x) \Rightarrow \sin^2(x) = \frac{1}{2} - \frac{1}{2}\cos(2x)$$

$$\tan(2x) = \frac{2\tan(x)}{1 - \tan^2(x)}$$

$$f(x) = \sin^2(x) \rightarrow f'(x) = 2 \cdot \sin(x) \cdot \cos(x)$$

$$f(x) = \tan(x) \rightarrow f'(x) = \frac{1}{\cos^2(x)} = 1 + \tan^2(x) \quad [*]$$

$$\int \sin^2(x) dx = \int \left(\frac{1}{2} - \frac{1}{2}\cos(2x) \right) dx = \left[\frac{1}{2}x - \frac{1}{4}\sin(2x) \right] + c$$

$$\int \cos^2(x) dx = \int \left(\frac{1}{2} + \frac{1}{2}\cos(2x) \right) dx = \left[\frac{1}{2}x + \frac{1}{4}\sin(2x) \right] + c$$

$$\int \tan^2(x) dx = \int (1 + \tan^2(x) - 1) dx = \tan(x) - x + c$$

[*]

$$\sin(\alpha) = \sin(\pi - \alpha) \text{ dus } \sin(L) = \sin(R) \Leftrightarrow L = R + k \cdot 2\pi \vee L = (\pi - R) + k \cdot 2\pi$$

$$\cos(L) = \cos(R) \Leftrightarrow L = -R + k \cdot 2\pi \vee L = R + k \cdot 2\pi \quad (\text{opm.: periode: } 2\pi)$$

$$\tan(L) = \tan(R) \Leftrightarrow L = R + k \cdot \pi \quad \text{hierboven steeds: } k \in \mathbb{Z}$$

$$\text{Vb. } \cos^2(x) - 2\cos(x) = 0 \Leftrightarrow \cos(x) \cdot (\cos(x) - 2) = 0 \Leftrightarrow \cos(x) = 0 \vee \cos(x) = 2$$

↑ VERVALT ↑

Bij een gegeven domein van bijvoorbeeld: $[0, 2\pi]$ worden de opl'n dan: $x = \frac{1}{2}\pi \vee x = \frac{3}{2}\pi$

transformaties met de grafieken van $y = \sin(x)$ en $y = \cos(x)$ op aparte bijlage
met dank aan **Mohammad Mohana** voor het vele type-werk!